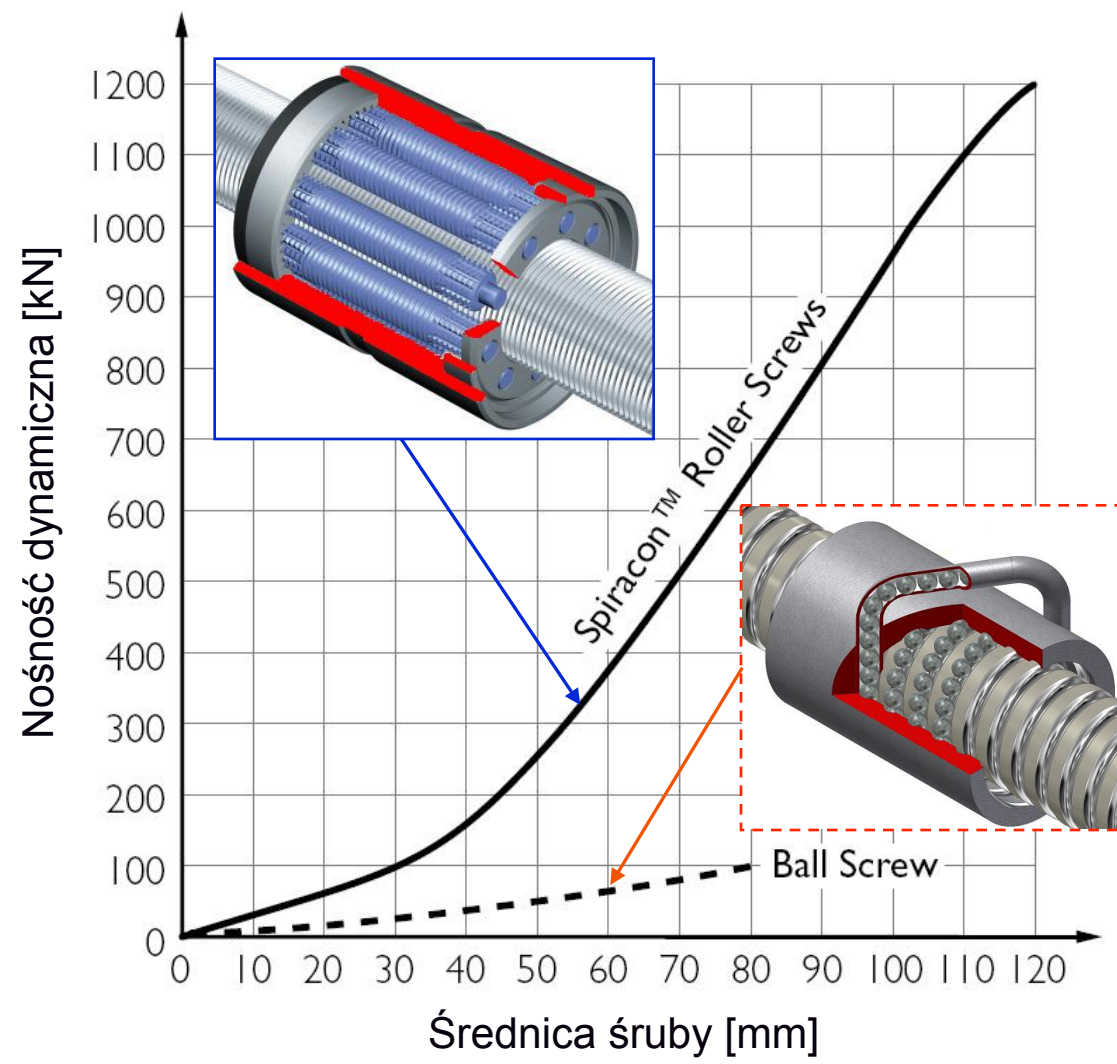


Autor: Stanisław WARCHOŁ, e-mail: warchols@prz.edu.pl
Instytucja: Politechnika Rzeszowska, Katedra Konstrukcji Maszyn

Tytuł plakatu: Model analityczny do wyznaczania nośności statycznej i obciążalności pary śruba – rolka w rolkowej przekładni toczonej na podstawie teorii Hertza



POJĘCIA:

Nośność statyczna C_0 jest to zdolność do przenoszenia obciążenia przez elementy przekładni w stanie spoczynku, lub obracającymi się elementami z niewielkimi prędkościami (do 10 obr/min). Definiuje się ją jako obciążenie wywołujące odkształcenia Δ równe 0,0001 mniejszej średnicy krzywizny stykających się elementów.

Obciążalność przekładni F_{max} jest to siła jaką można obciążyć przekładnię, żeby panujące naprężenia kontaktowe nie przekraczały dopuszczalnych (założonych) naprężeń stykowych k_{Hdop} .

$$\begin{cases} C_0 = C_{01} \cdot z \cdot z_z \cdot k_p \\ F_{max} = F_{1max} \cdot z \cdot z_z \cdot k_p \end{cases}$$

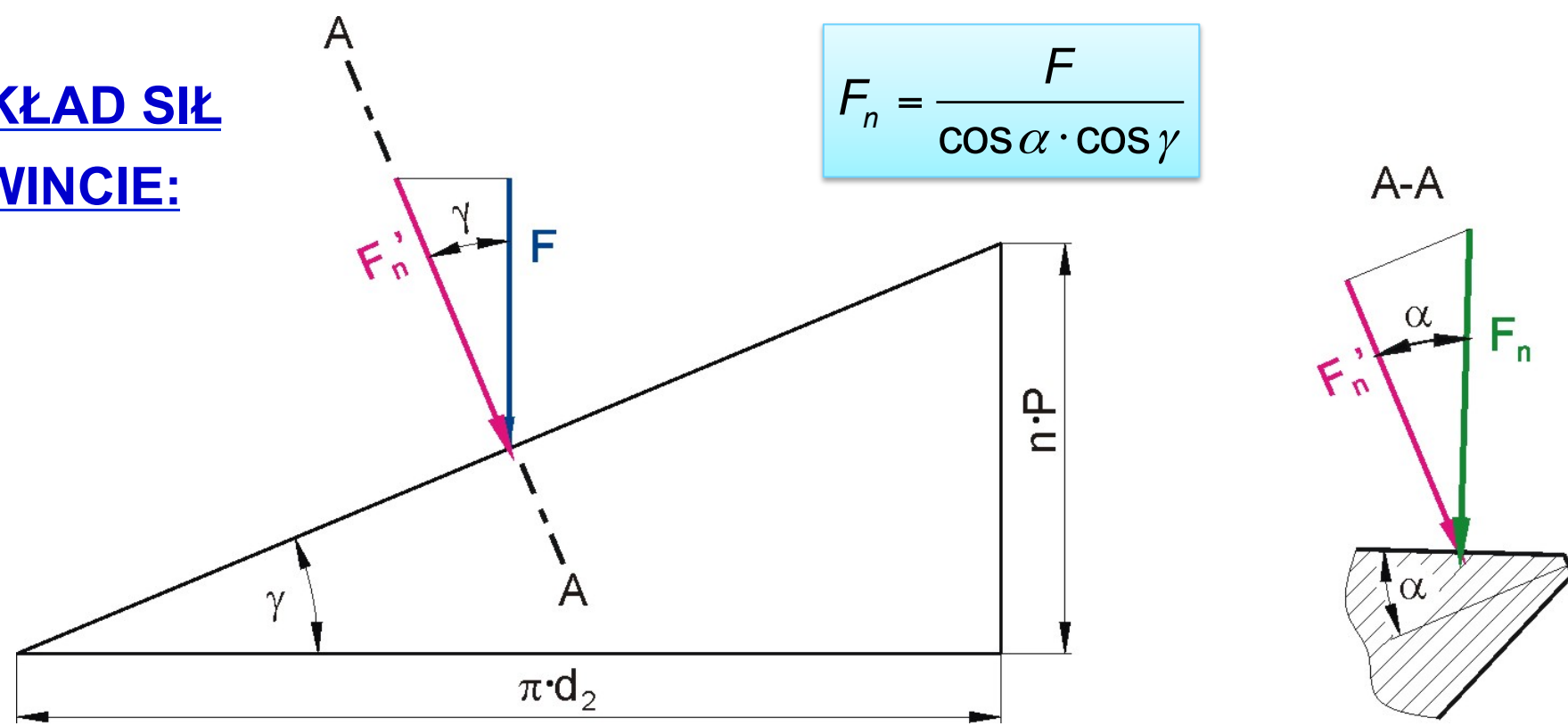
gdzie:

- z – liczba rolek, z_z – ilość współpracujących zwojów na jednej rolce
- k_p – wsp. uwzględniający nierównomierność rozkładu obciążeń na poszczególne zwoje
- C_{01}, F_{1max} – nośność statyczna, obciążalność; przypadające na jeden zwoj

Przyjęte założenia:

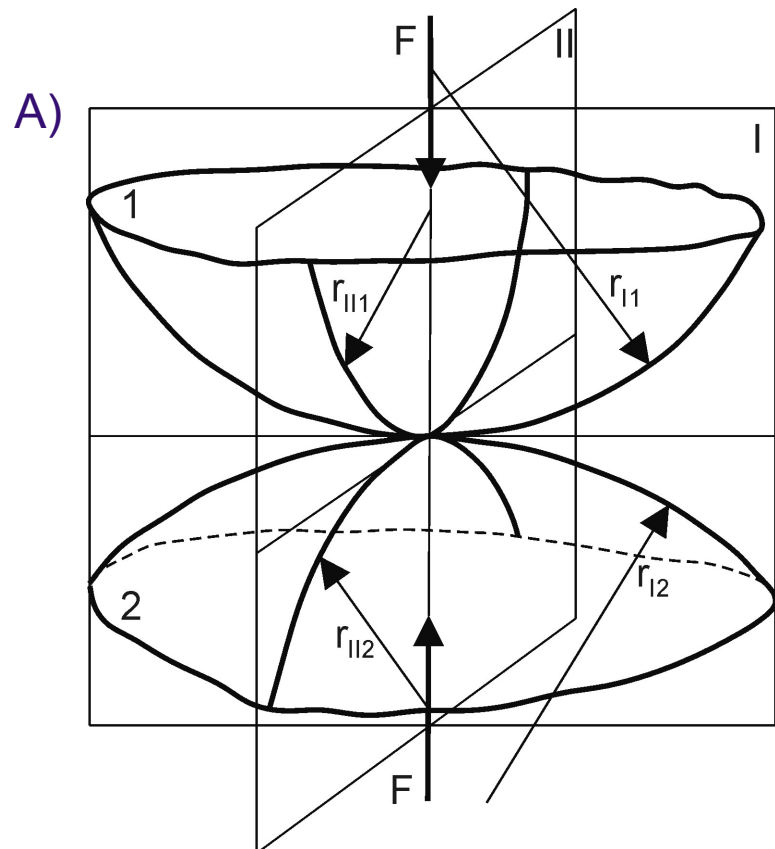
- współpracujące powierzchnie elementów przekładni są idealnie gładkie,
- przekładnia znajduje się w spoczynku,
- nie występują siły tarcia,
- w żadnym punkcie nie pojawiają się odkształcenia plastyczne,
- krzywizny stykających się ciał rolka – śruba zmieniają się sposób ciągi w otoczeniu miejsca styku.

ROZKŁAD SIŁ W GWINCIE:

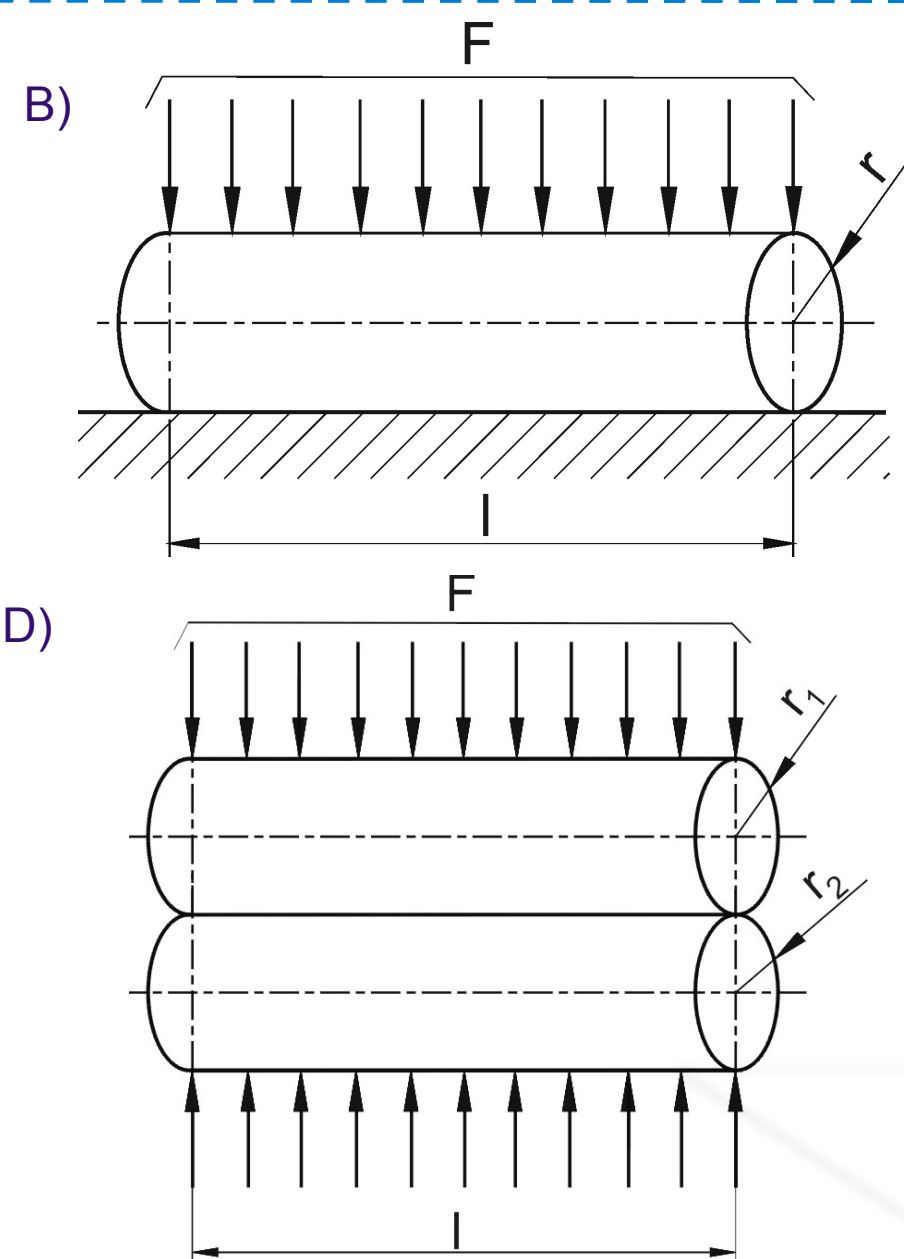
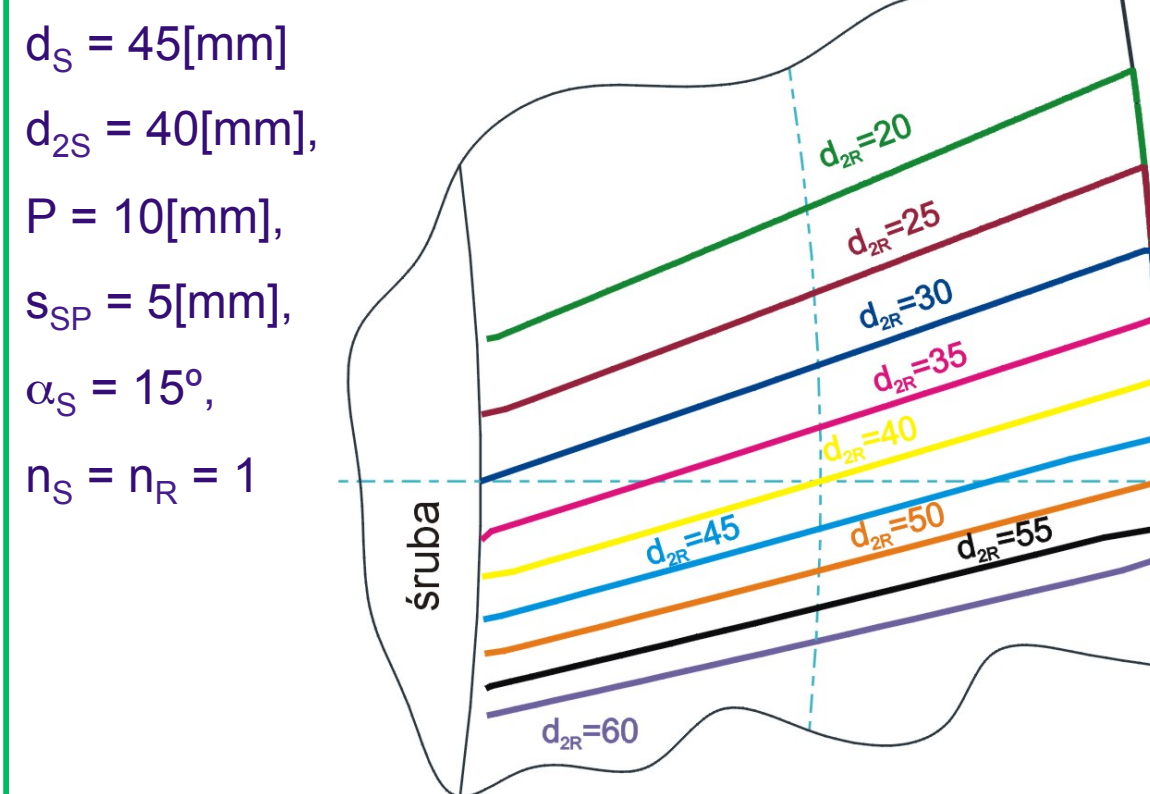


$$F_n = \frac{F}{\cos \alpha \cdot \cos \gamma}$$

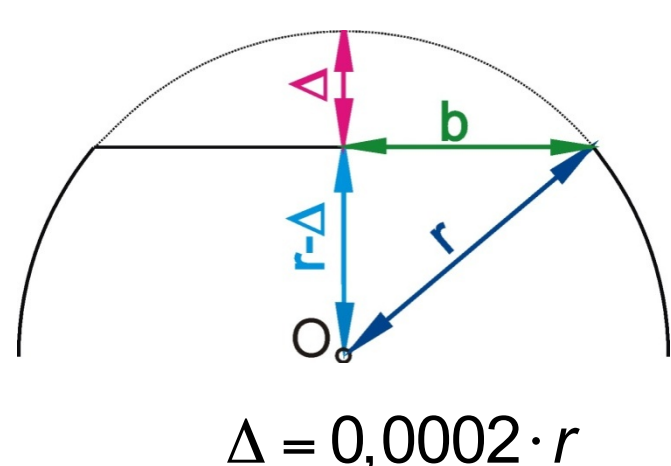
MODELE KONTAKTU:



PRZYKŁADOWE ŚLADY STYKU:



NOŚNOŚĆ STATYCZNA C_0 :

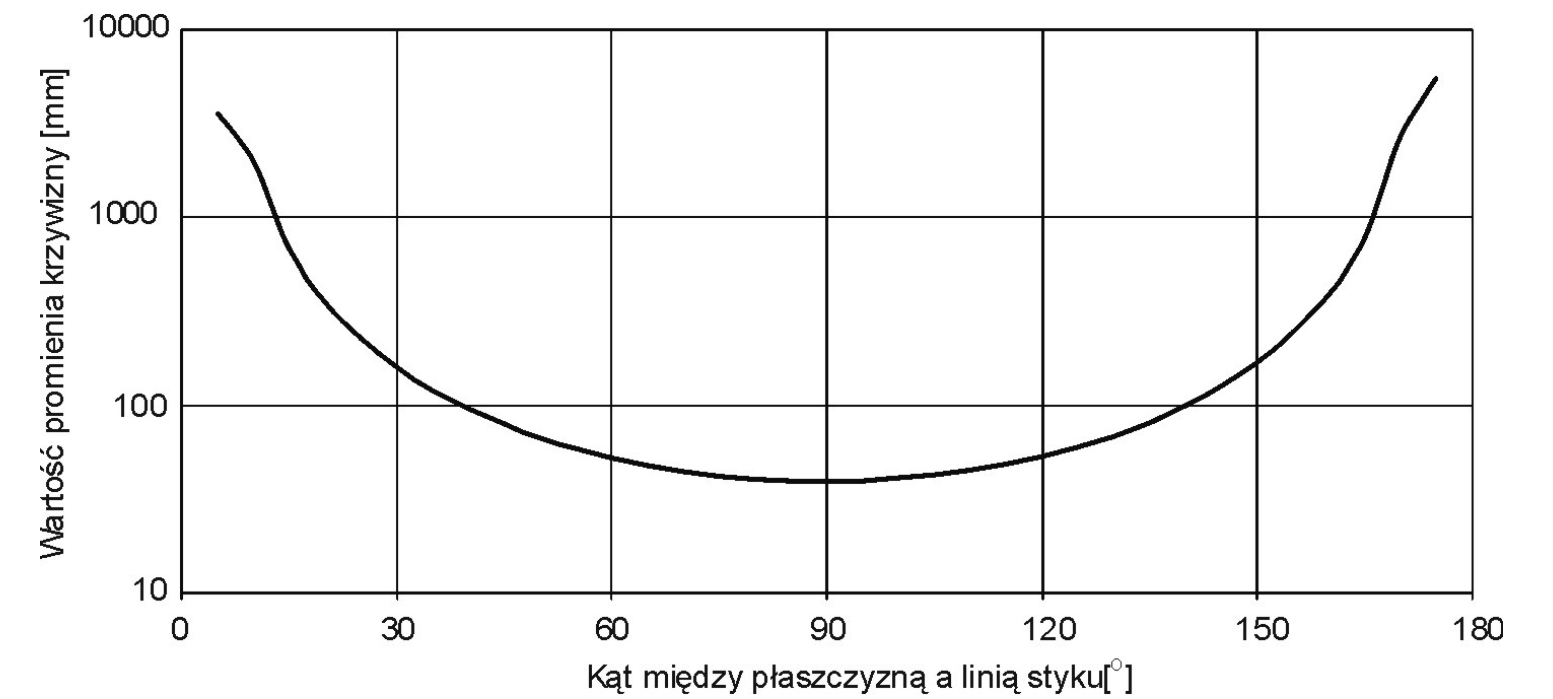
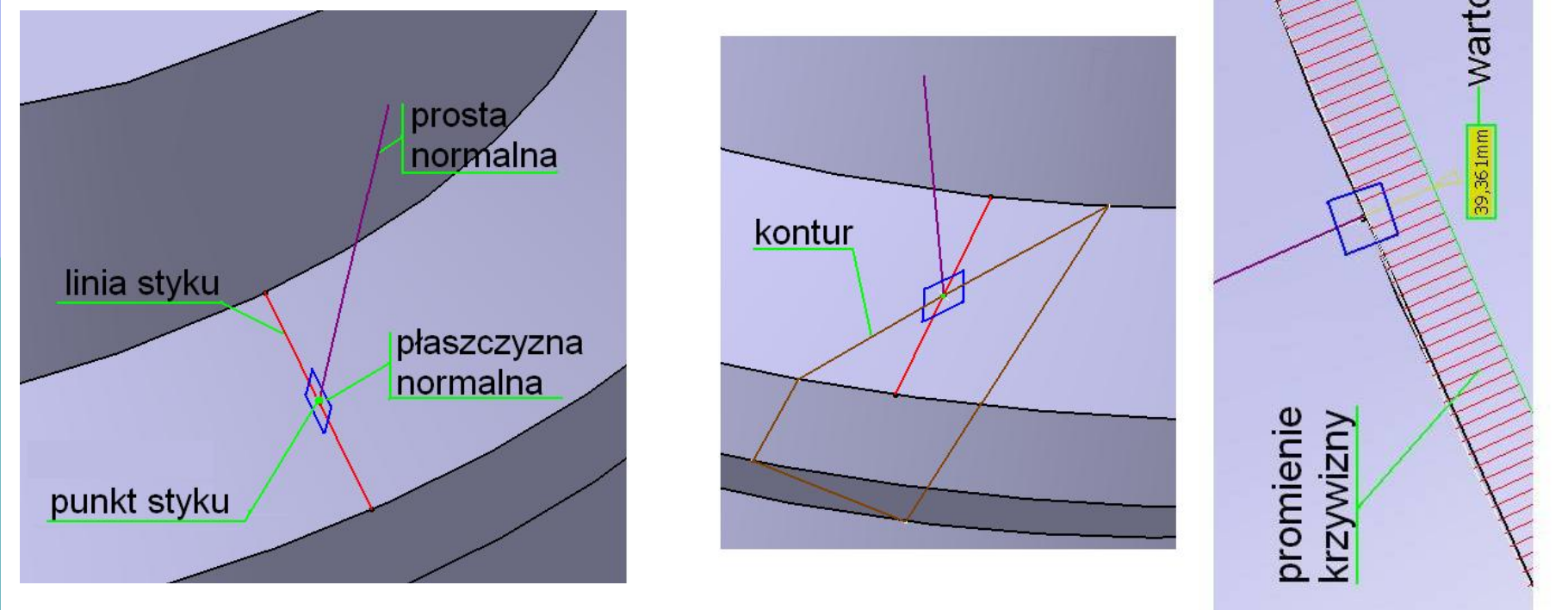


$$b^2 = 0,00039996 \cdot r^2 \Rightarrow b \approx 0,02 \cdot r$$

$$F_n[i] = \frac{\pi}{20000} \cdot \frac{E}{1-\nu^2} \cdot \frac{l \cdot (r_1[i] + r_2[i]) \cdot r_{min}[i]^2}{r_1[i] \cdot r_2[i]}$$

$$C_{01}[i] = F_n[i] \cdot \cos(\gamma) \cdot \cos(\alpha) \quad C_{01} = \min\{C_{01}[i]\}$$

ANALIZA PROMIENI KRZYWIZNY:



OBCIĄŻALNOŚĆ F_{max} :

$$\sigma_{max} = \sqrt{\frac{F_n}{\pi} \cdot \frac{E_1 \cdot E_2}{E_2 \cdot (1-\nu_1^2) + E_1 \cdot (1-\nu_2^2)} \cdot \frac{r_1 + r_2}{l \cdot r_1 \cdot r_2}} \leq k_{Hdop}$$

$$b = \sqrt{\frac{4 \cdot F_n}{\pi} \cdot \frac{E_2 \cdot (1-\nu_1^2) + E_1 \cdot (1-\nu_2^2)}{E_1 \cdot E_2} \cdot \frac{r_1 \cdot r_2}{l \cdot (r_1 + r_2)}}$$

Przyjmując:

$E_1 = E_2 = E$ oraz

$\nu_1 = \nu_2 = \nu$

otrzymuje się:

$$\begin{cases} \sigma_{max}[i] = \sqrt{\frac{F_n}{2 \cdot \pi} \cdot \frac{E}{1-\nu^2} \cdot \frac{r_1[i] + r_2[i]}{l \cdot r_1[i] \cdot r_2[i]}} \\ b[i] = \sqrt{\frac{8 \cdot F_n}{\pi} \cdot \frac{1-\nu^2}{E} \cdot \frac{r_1[i] \cdot r_2[i]}{l \cdot (r_1[i] + r_2[i])}} \\ F_{nmax}[i] = 2 \cdot \pi \cdot \frac{k_{Hdop}^2 \cdot (1-\nu^2)}{E} \cdot \frac{l \cdot r_1[i] \cdot r_2[i]}{r_1[i] + r_2[i]} \end{cases}$$

$$F_{nmax} = \min\{F_{nmax}[i]\}$$

$$F_{1max} = F_{nmax} \cdot \cos \alpha \cdot \cos \gamma$$

www.procacx.org.pl

Stowarzyszenie „ProCAX”